Балаковский инженерно-технологический институт – филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Факультет атомной энергетики и технологий
Кафедра «Физика и естественнонаучные дисциплины»

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
по дисциплине «Математика»

Направления подготовки
«27.03.04 Управление в технических системах»

Основная профессиональная образовательная программа
«Управление и информатика в технических системах»

Квалификация выпускника
Бакалавр

Форма обучения
Заочная

Цель освоения учебной дисциплины

Цель освоения дисциплины «Математика» в соответствии с общими целями ООП ВО: приобретение знаний, предусмотренных программой, формирование умения и навыков применять полученные знания при решении конкретных задач.

Задачи изучения дисциплины:

- развитие логического и алгоритмического мышления студента;
- выработка умения моделировать реальные процессы;
- освоение приемов решения и исследования математически формализованных задач.

Место учебной дисциплины в структуре ООП ВО

Логическая и содержательно-методическая взаимосвязь с другими дисциплинами и частями ООП ВО выражается в следующем.

Дисциплине «Математика» предшествует общематематическая подготовка в объеме средней общеобразовательной школы или колледжа.

В результате освоения предшествующих дисциплин студент должен:

знать:

- основные понятия и методы элементарной математики, геометрии, алгебры и начал математического анализа;

уметь:

- производить действия с числами;
- использовать основные алгебраические тождества для преобразования алгебраических выражений;

- выполнять геометрические построения;
- доказывать математические утверждения;
- дифференцировать и интегрировать функции;

владеть:

- приемами вычислений на калькуляторе инженерного типа;
- навыками использования математических справочников.

Освоение данной дисциплины как предшествующей необходимо при изучении следующих дисциплин: теория вероятностей и математическая статистика, физика, методы оптимизации и оптимального управления, математическое моделирование и др.

Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

В процессе освоения данной дисциплины у студента формируются следующие компетенции:

– универсальные:

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	З-УК-1 Знать: методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа. У-УК-1 Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников В-УК-1 Владеть: методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач

– общепрофессиональные:

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-2	Способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной	З-ОПК-2 Знать математические методы физических, химических явлений, основных законов физики и химии и применять их в профессиональной деятельности. У-ОПК-2 Уметь решать математические, физические, физико-химические и химические задачи для обработки, анализа и систематизации данных технологического процесса. В-ОПК-2 Владеть математическими, физическими, физико-химическими, химическими методами решения задач для опре-

	деятельности	деления последовательности проведения анализов физико-химических характеристик сырья, вспомогательных материалов и готовой продукции.
--	--------------	---

Задачи воспитания, реализуемые в рамках освоения дисциплины

Направление/цели	Создание условий, обеспечивающих	Использование воспитательно-го потенциала учебной дисциплины	Вовлечение в разно-плановую внеучебную деятельность
Профессиональное и трудовое воспитание	-формирование культуры исследовательской и инженерной деятельности (В16)	Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для формирования инженерного мышления и инженерной культуры за счёт практических студенческих исследований современных производственных систем; проектной деятельности студентов по разработке и оптимизации технологических систем, связанной с решением реальных производственных задач; прохождения через разнообразные игровые, творческие, фестивальные формы, требующие анализа сложного объекта, постановки относительно него преобразовательных задач для их оптимального решения.	1. Организация научно-практических конференций и встреч с ведущими специалистами предприятий города и ветеранами атомной отрасли. 2. Организация и проведение предметных олимпиад и участие в конкурсах профессионального мастерства. 3. Участие в ежегодных акциях студенческих строительных отрядов

Структура и содержание учебной дисциплины

Дисциплина преподается студентам в 1-ом, 2-ом и 3-ем семестрах. Общая трудоемкость дисциплины составляет 12 зачетных единиц, 432 ак. часов.

Календарный план

№ Р а з д е л а	№ Т е м ы	Наименование раздела (темы) дисциплины	Виды учебной деятельности (в часах)					Аттестация раздела (форма)	Максимальный балл за раздел
			Всего	Лекции	Лабораторные	Практические	СРС		
1 семестр									
1	1-2	Линейная алгебра Аналитическая геометрия	72	5	-	5	62	КР1 (часть 1)	30
2	3-5	Комплексные числа Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	72	5	-	5	62	КР1 (часть 2)	30
			144	10		10	124		
Вид промежуточной аттестации								экзамен	40
2 семестр									
3	6	Функции многих переменных	54	5	-	5	44	КР2 (часть 1)	30
4	7-8	Интегральное исчисление	54	5	-	5	44	КР2	30

		Обыкновенные дифференциальные уравнения						(часть 2)	
			108	10		10	88		
Вид промежуточной аттестации								экзамен	40
3 семестр									
5	9-11	Ряды Уравнения математической физики Теория поля	90	5	-	5	80	КРЗ (часть 1)	30
6	12-13	Теория функции комплексного переменного Дискретная математика	90	5	-	5	80	КРЗ (часть 2)	30
			180	10		10	160		
Вид промежуточной аттестации								экзамен	40

Содержание лекционного курса

Тема лекции. Вопросы, отрабатываемые на лекции	Всего часов	Учебно-методическое обеспечение
1 семестр		
<p>1. Линейная алгебра Матрицы и действия над ними, определители 2-го и 3-го, их вычисление. Понятие системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Метод Крамера решения СЛАУ.</p> <p>Тема 2. Аналитическая геометрия Скалярные и векторные величины. Линейные операции над векторами. Базис, разложение вектора по базису. Действия над векторами в координатной форме. Скалярное произведение 2-х векторов, его свойства и выражение в координатной форме. Векторное и смешанное произведения.</p>	5	1-3,5
<p>Тема 3. Комплексные числа Определение комплексного числа. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Действия над комплексными числами.</p> <p>Тема 4. Введение в математический анализ Определения предела функции. Односторонние пределы. Бесконечно большие и бесконечно малые функции. Эквивалентные бесконечно малые функции. Первый и второй замечательные пределы.</p> <p>Тема 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования функций. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференциал функции. Приложение производных к исследованию функции и построению графика. Правило Лопиталя.</p>	5	4,6,7
2 семестр		
<p>Тема 6. Функции нескольких переменных Определение функции двух переменных. Предел функции. Частные производные. Частные производные высших порядков.</p>	5	4,6,7
<p>Тема 7. Интегральное исчисление Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-</p>	5	4,6,7

Лейбница. Вычисление определенного интеграла. Двойной интеграл: определение, геометрический смысл, свойства. Вычисление двойного интеграла и приложение.		
Тема 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения Основные понятия дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения 1-го порядка с разделяющимися переменными.		
3 семестр	5	4,6,7, 8
Тема 9. Ряды Определение числового ряда. Сумма, сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. Достаточные признаки сходимости знакоположительных числовых рядов.		
Тема 10. Уравнения математической физики Основные уравнения математической физики.		
Тема 11. Теория поля Скалярное и векторное поле. Градиент и производная по направлению.		
Тема 12. Теория функции комплексного переменного Определение функции комплексной переменной, действительная и мнимая части функции комплексного переменного. Элементарные функции комплексного переменного.	5	6, 7,8
Тема 13. Дискретная математика Математическая логика. Высказывания, связки, формулы. Равносильные преобразования формул. Множества. Операции над множествами. Отношения и функции. Графы. Виды графов. Матрицы смежности и инцидентности. Операции с графами.		

Перечень практических занятий

Тема практического занятия. Вопросы, отрабатываемые на практическом занятии	Всего часов	Учебно-методическое обеспечение
1 семестр		
Тема 1. Линейная алгебра Действия над матрицами. Вычисление определителей. Решение СЛАУ.	5	1-3,5
Тема 2. Аналитическая геометрия Скалярное произведение векторов, угол между векторами. Векторное произведение векторов, площадь параллелограмма. Смешанное произведение векторов, объем параллелепипеда.		
Тема 3. Комплексные числа Переход от алгебраической формы комплексного числа к тригонометрической и обратно. Действия над комплексными числами.	5	4,6,7
Тема 4. Введение в математический анализ Вычисление пределов функций. Раскрытие неопределенностей различного вида.		
Тема 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Вычисление производных от суммы, произведения, частного. Дифференцирование сложной функции. Производные высших порядков, их вычисление. Правило Лопитала. Исследование функции с помощью производной. Построение графика функции.		
2 семестр		
Тема 6. Функции многих переменных.	5	4,6,7

Вычисление частных производных функций 2-х переменных. Вычисление полного дифференциала. Вычисление частных производных высших порядков.		
Тема 7. Интегральное исчисление Непосредственное интегрирование неопределенного интеграла. Замена переменных. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей, тригонометрических функций. Вычисление определенного интеграла. Приложение определенного интеграла. Вычисление двойного интеграла. Тема 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения Решение дифференциальных уравнений 1 порядка с разделяющимися переменными, однородных, линейных уравнений.	5	4,6,7
3 семестр		
Тема 9. Ряды Исследование знакоположительных числовых рядов на сходимость. Тема 10. Уравнения математической физики Уравнение колебания струны, его решение методом Даламбера. Тема 11. Теория поля. Вычисление производной по направлению и градиента скалярного поля.	5	4,6,7,8
Тема 12. Функция комплексного переменного Нахождение значений функций комплексного переменного в заданных значениях комплексного переменного. Тема 13. Дискретная математика Составление таблиц истинности формул. Операции над множествами. Составление диаграммы Эйлера-Венна. Множества. Таблицы истинности. Графы. Матрицы смежности и инцидентности для неориентированного графа и орграфа.	5	6, 7,8

Задания для самостоятельной работы студентов

Вопросы для самостоятельного изучения (задания)	Всего часов	Учебно-методическое обеспечение
1 семестр		
Вычисление определителей высших порядков. Решение систем линейных алгебраических уравнений. Уравнения прямой на плоскости и в пространстве. Уравнения плоскости. Вычисление и приложение производных.	124	1-7
2 семестр		
Дифференцирование сложной и неявной функции многих переменных. Экстремум функции 2-х переменных, его вычисление. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области. Интегрирование рациональных дробей, тригонометрических выражений. Приложение определенного интеграла. Несобственные интегралы. Тройной интеграл: определение, свойства, вычисление. Решение дифференциальных уравнений высших порядков.	88	4,6,7,8
3 семестр		

Разложение функций в ряды Тейлора и Маклорена. Приближенные вычисления с использованием степенных рядов. Криволинейные и поверхностные интегралы. Определение и вычисление дивергенции, циркуляции и ротора. Эквивалентные, конечные и бесконечные множества. Мощность множества. Счетные множества и их свойства. Равносильные формулы логики предикатов. Приведенные и нормальные формы в логике предикатов. Исчисление предикатов. Изоморфизм графов. Действия над графами. Упорядочивание дуг и вершин графа.	160	4,6,7,8
--	-----	---------

Образовательные технологии

При реализации учебного материала курса используются различные образовательные технологии, способствующие созданию атмосферы свободной и творческой дискуссии как между преподавателем и студентами, так и в студенческой группе. Целью при этом является выработка у студентов навыков и компетенций, позволяющих самостоятельно вести исследовательскую и научно-педагогическую работу.

Аудиторные занятия проводятся в виде лекций с использованием ПК и компьютерного проектора, практических занятий, с использованием ПК при проведении расчетов. Самостоятельная работа студентов проводится под руководством преподавателей, с оказанием консультаций и помощи при подготовке к контрольным работам, выполнении домашних заданий.

Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

№ п/п	Наименование контролируемых разделов (темы)	Код и наименование индикатора достижения компетенций	Наименование оценочного средства
Входной контроль			
1	Входной контроль		Вопросы
Аттестация разделов, текущий контроль успеваемости			
1	Раздел 1 Темы: 1. Линейная алгебра. 2. Аналитическая геометрия.	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Контрольная работа 1 (часть 1)
2	Раздел 2 Темы: 3. Комплексные числа. 4. Введение в математический анализ. 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Контрольная работа 1 (часть 2)
Промежуточная аттестация			
	Экзамен 1	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Вопросы к экзамену
3	Раздел 3. Темы: 6. Функции многих переменных	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Контрольная работа 2 (часть 1)
4	Раздел 4. Темы: 7. Интегральное исчисление 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Контрольная работа 2 (часть 2)
Промежуточная аттестация			

	Экзамен 2	3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2	Вопросы к экзамену
5	Раздел 5. Темы: 9. Ряды 10. Уравнения математической физики. 11. Теория поля	3-УК-1 У-УК-1 В-УК-1 3-ОПК-1 У-ОПК-1 В-ОПК-1	Контрольная работа 3 (часть 1)
6	Раздел 6. Темы: 12. Теория функции комплексного переменного 13. Дискретная математика	3-УК-1 У-УК-1 В-УК-1 3-ОПК-1 У-ОПК-1 В-ОПК-1	Контрольная работа 3 (часть 2)
Промежуточная аттестация			
	Экзамен 3	3-УК-1 У-УК-1 В-УК-1 3-ОПК-1 У-ОПК-1 В-ОПК-1	Вопросы к экзамену

Входной контроль предназначен для выявления пробелов в знаниях студентов и готовности их к получению новых знаний.

Текущий контроль – это непрерывно осуществляемый мониторинг уровня усвоения знаний и формирования умений и навыков в течение семестра. Текущий контроль знаний, умений и навыков студентов осуществляется в ходе учебных (аудиторных) занятий, проводимых по расписанию. Формами текущего контроля являются выполнение контрольных работ и домашних заданий.

В качестве оценочного средства аттестации раздела используются коллоквиум, итоговая контрольная работа.

Для промежуточной аттестации предусмотрены экзаменационные вопросы и практические задания.

По итогам обучения выставляется экзамен.

1 семестр

Примерные вопросы входного контроля

1. Понятия медианы, биссектрисы высоты треугольника.
2. Свойства равнобедренного треугольника.
3. Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника.
4. Вычисление площади треугольника.
5. Квадрат, прямоугольник, параллелограмм, ромб, трапеция. Их свойства, формулы площадей.
6. Окружность и круг. Радиус, хорда, диаметр, касательная, секущая.
7. Длина окружности, длина дуги окружности.
8. Площадь круга и площадь сектора.
9. Куб, параллелепипед, призма, пирамида. Формулы площадей их поверхностей и объемов.
10. Функция, ее область определения и область значения.
11. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
12. Основное тригонометрическое тождество.
13. Формулы приведения, сложения, двойного и половинного аргумента тригонометрических функций.
14. Решение тригонометрических уравнений вида $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$.
15. Формулы сокращенного умножения.
16. Разложение квадратного трехчлена на линейные множители.

Примерный вариант контрольной работы 1 (КР1)

1. По координатам вершин пирамиды $A_1(2;-3;1)$, $A_2(-1;-4;2)$, $A_3(4;-1;2)$, $A_4(3;-4;2)$ найти:
 - 1) длины ребер A_1A_2 и A_1A_3 ;
 - 2) угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_3 ;
 - 3) площадь грани $A_1A_2A_3$;
 - 4) объем пирамиды;
 - 5) уравнения прямых A_1A_2 и A_1A_3 ;
 - 6) уравнения плоскостей $A_1A_2A_3$ и $A_1A_2A_4$;

7) угол между плоскостями $A_1A_2A_3$ и $A_1A_2A_4$.

2. Дана система трех линейных уравнений с тремя неизвестными. Требуется найти ее решение: 1) с помощью формул Крамера; 2) средствами матричного исчисления; 3) методом Гаусса.

$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 + x_3 = 5 \\ 2x_1 - 3x_2 + 3x_3 = 1 \\ x_2 - 5x_3 = -9 \end{cases}$$

3. Вычислить пределы, не пользуясь правилом Лопиталья.

$$\begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x}{-5x^2 + x - 1}; \quad 2) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\ln(x+4)}{\operatorname{ctg}(x+2)}; \\ 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + \sin^2 x)}{e^{x^2} - 1}; \quad 4) \lim_{x \rightarrow -1} (3 + 2x)^{5/(x+1)}. \end{aligned}$$

4. Найти алгебраическую и тригонометрическую формы числа $z = z_1 + z_2$. Изобразить числа z_1, z_2, z на комплексной плоскости. Вычислить z^{12} .

$$z_1 = -2, \quad z_2 = 2(\cos(4\pi/3) + i \sin(4\pi/3)).$$

5. Найти производные первого порядка:

$$1) y = \frac{x^3}{x^3+1}, \quad 2) y = (\ln x)^{\operatorname{tg} 2x}, \quad 3) x^2 - 2y^2 = 1, \quad 4) \begin{cases} x = t^2 \\ y = t^3 + t \end{cases}$$

6. Построить график функции $y=f(x)$.

$$y = x^3 + 6x^2 + 9x + 4.$$

Промежуточная аттестация по дисциплине в соответствии с учебным планом направления проводится в форме экзамена. Экзамен по дисциплине представляет собой итоговое испытание по профессионально-ориентированным проблемам, устанавливающее соответствие подготовленности студентов требованиям образовательного стандарта. Экзамен проводится с целью проверки уровня и качества сформированности компетенций в рамках соответствующего этапа и позволяет выявить и оценить теоретическую и практическую подготовку студента для решения профессиональных задач.

Экзамен проводится в письменной форме по индивидуальному экзаменационному билету.

Каждый экзаменационный билет имеет типовую структуру:

1. Теоретические вопросы по изученному курсу.
2. Практические задания.

Пример типового экзаменационного билета по дисциплине

1. Определение производной функции одной переменной.
2. Теорема (Выражение векторного произведения через координаты векторов).
3. Определение бесконечно малой функции.

4. Вычислить предел функции $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x}{-5x^2 + x - 1}$.

5. Найти производную функции $y = e^{\sin x} \operatorname{arctg} 2x$.

Вопросы экзамена 1 (1 семестр)

1. Матрицы. Основные понятия. Действия над матрицами.
2. Понятие определителя, вычисление. Свойства определителей.
3. Системы линейных уравнений, основные понятия.
4. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.
5. Векторы. Основные понятия. Линейные операции над векторами.
6. Проекция вектора на ось. Координаты вектора.
7. Разложение вектора по базису.
8. Длина вектора. Направляющие косинусы.
9. Определение скалярного произведения векторов. Угол между векторами.
10. Условие перпендикулярности векторов.
11. Определение и условие коллинеарности векторов.
12. Выражение скалярного произведения через координаты векторов.
13. Векторное произведение. Основные понятия.
14. Вычисление площади параллелограмма, построенного на векторах.

15. Выражение векторного произведения через координаты векторов.
16. Определение смешанного произведения векторов.
17. Выражение смешанного произведения через координаты векторов.
18. Приложение смешанного произведения.
19. Комплексные числа. Основные понятия. Формы записи.
20. Действия над комплексными числами.
21. Определение предела функции. Односторонние пределы функции.
22. Свойства пределов.
23. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
24. Эквивалентные бесконечно малые функции. Свойство эквивалентных бесконечно малых функций.
25. Первый и второй замечательные пределы.
26. Непрерывность функции в точке и области.
27. Точки разрыва функции, их классификация.
28. Производная, ее геометрический и механический смысл.
29. Производная сложной функции.
30. Дифференциал функции.
31. Производные высших порядков.
32. Правило Лопиталя.
33. Признак монотонности функции.
34. Точки экстремума. Необходимое условие точки экстремума.

2 семестр

Примерный вариант контрольной работы 2 (КР2)

1. Найти частные производные первого порядка:

$$z = \cos(x^3 y) + x^2 + y.$$

2. Найти неопределенные и определенные интегралы:

$$\text{а) } \int \frac{x dx}{7 + x^2};$$

$$\text{б) } \int \frac{(x + 18) dx}{x^2 - 4x - 12};$$

$$\text{в) } \int (3 - x) \cos x dx; \quad \text{г) } \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x + \cos x}{(\cos x - \sin x)^3} dx.$$

3. Вычислить несобственный интеграл или показать его расходимость:

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}.$$

4. Найти частные решения дифференциальных уравнений, удовлетворяющие начальным условиям:

$$1) y' \sin x - y \cos x = 1 \quad y_0 = 0, \quad x_0 = \pi/2;$$

$$2) y'' - 5y' + 6y = 2 \cos x \quad y(0) = 3, \quad y'(0) = 1/2.$$

Пример типового экзаменационного билета по дисциплине

1. Определение частных производных функции 2-х переменных.
2. Геометрический смысл определенного интеграла..
3. Метод интегрирования по частям.
4. Вычислить интеграл $\int (3 - x) \cos x dx$.
5. Найти частные производные функции $y = e^{yx} + x$

Вопросы экзамена 2 (2 семестр)

1. Понятие функции нескольких переменных.
2. Частные производные первого порядка функции 2-х переменных.
3. Частные производные высших порядков функции 2-х переменных.
4. Полный дифференциал функции 2-х переменных.
5. Экстремум функции 2-х переменных.
6. Необходимые и достаточные условия экстремума.
7. Неопределенный интеграл. Понятие первообразной.

8. Геометрический смысл неопределенного интеграла.
9. Метод замены переменной в неопределенном интеграле.
10. Метод интегрирования по частям.
11. Определение определенного интеграла, геометрический смысл.
12. Формула Ньютона-Лейбница.
13. Метод замены переменной для определенного интеграла.
14. Формула интегрирования по частям для определенного интеграла
15. Приложения определенного интеграла.
16. Двойной интеграл, геометрический смысл, основные свойства.
17. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.
18. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.
19. Приложение двойного интеграла.
20. Дифференциальные уравнения первого порядка. Общие понятия.
21. Уравнения с разделенными и разделяющимися переменными.
22. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
23. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Решение методом Бернулли.

3 семестр

Примеры заданий контрольной работы 3

1. Исследовать на сходимость ряды с положительными членами.

$$а) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2^{n-1}}. \quad б) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{8n-1} \right)^n. \quad в) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n}{(n^2+1)^2}.$$

2. Методом Даламбера найти уравнение $u=u(x,t)$ формы однородной бесконечной струны, определяемой волновым уравнением $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 x}{\partial x^2}$, если в начальный момент $t_0 = 0$ форма струны и скорость точки струны с абсциссой x определяются функциями $u|_{t_0=0} = \varphi(x)$ и $\frac{\partial u}{\partial t}|_{t_0=0} = \psi(x)$.

$$\varphi(x) = x^2, \quad \psi(x) = 0.$$

3. Даны два множества: $A = \{2, 5, 7, 9\}$, $B = \{3, 5, 8, 9, 12\}$. Найти: 1) объединение множеств A и B ; 2) пересечение множеств A и B ; 3) разность $A \setminus B$.
4. Составить таблицу истинности формулы. $x \vee y \rightarrow (z \leftrightarrow \bar{x} \wedge y)$.
5. Дана матрица

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Постройте орграф, для которого данная матрица является матрицей смежности. Найдите матрицу инцидентности орграфа.

Вопросы экзамена

1. Числовые ряды. Основные понятия и определения.
2. Свойства числовых рядов.
3. Необходимый признак сходимости числового ряда.
4. Ряд геометрической прогрессии.
5. Обобщенный гармонический ряд.
6. Признаки сравнения.
7. Признак Даламбера.
8. Радикальный признак Коши.
9. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
10. Знакопеременные ряды. Общий достаточный признак сходимости знакопеременного ряда.
11. Функциональные ряды.
12. Определение степенного ряда. Теорема (Абеля).
13. Интервал и радиус сходимости.

14. Ряды Тейлора и Маклорена.
15. Дифференциальные уравнения с частными производными. Основные понятия.
16. Классификация дифференциальных уравнений в частных производных 2-го порядка.
17. Основные уравнения и задачи математической физики.
18. Решение задачи колебания струны методом Даламбера.
19. Определения скалярного и векторного поля.
20. Линии и поверхности уровня.
21. Производная по направлению.
22. Градиент скалярного поля.
23. Множества. Основные понятия.
24. Способы задания множеств.
25. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна.
26. Бинарные отношения.
27. Высказывания. Основные понятия.
28. Логические операции: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквивалентность.
29. Булевы функции.
30. Графы. Основные понятия. Неориентированные и ориентированные графы.
31. Способы задания графов. Матрица смежности и инцидентности графа.

Шкалы оценки образовательных достижений

Код	Вид оценочного средства	Критерии	Баллы	Максимальный балл-минимальный балл
КР1 КР2 КР3	Контрольная работа 1 Контрольная работа 2 Контрольная работа 3	Выполнено 60% и более		18-30
Э1 Э2 Э3	Экзамен 1 Экзамен 2 Экзамен 3	глубокое и прочное усвоение программного материала, полные, последовательные, грамотные и логически излагаемые ответы, свободно справляющиеся с поставленными задачами, знания материала.	36-40	24-40
		знание программного материала, грамотное изложение, без существенных неточностей в ответе на вопрос, правильное применение теоретических знаний.	30-35	
		усвоение основного материала, при ответе допускаются неточности, - при ответе недостаточно правильные формулировки, нарушение последовательности в изложении программного материала.	24-29	
		незнание программного материала, при ответе возникают ошибки.	0	

Итоговая оценка представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля и выставляется в соответствии с Положением о кредитно-модульной системе по следующей шкале:

Сумма баллов	Оценка по 4-х бальной шкале	Оценка (ECTS)
90-100	5 (отлично)	A
85-89	4 (хорошо)	B
75-84		C
70-74		D
65-69	3 (удовлетворительно)	

60-64		Е
0-59	2 (неудовлетворительно)	Ф

Учебно-методическое и информационное обеспечение учебной дисциплины

Основная литература

1. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учебник.–18-е изд., испр.–СПб.:Издательство«Лань»,2021.–448с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/152643>
2. Кряквин В.Д. Линейная алгебра в задачах и упражнениях: Учебное пособие.–3-е изд., испр.–СПб.:Издательство«Лань»,2021.–592с. <https://e.lanbook.com/book/168907>
3. Клетеник Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии: Учебное пособие. 17-е изд., стер. / Под ред. Н.В. Ефимова. – СПб.: Издательство «Лань», 2021. – 224 с. Режим доступа <https://e.lanbook.com/book/174993>
4. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа: Учебное пособие. – СПб.: Издательство «Лань», 2020. – 492 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/126705>

Дополнительная литература

5. Лившиц, К.И. Курс линейной алгебры и аналитической геометрии: учебник / К.И. Лившиц. - Санкт-Петербург: Лань, 2021. - 508 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/163398>
6. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике: полный курс / Д. Т. Письменный. - 14 изд. – М.: Айрис-пресс, 2017. - 608 с.
7. Шевелев Ю.П. Дискретная математика, уч. пособие.-Спб.: Изд-во «Лань», 4-е изд., 2019, -592 с.<https://e.lanbook.com/book/118616>.
8. Карчевский М.М. Лекции по уравнениям математической физики.:Уч. пособие. 2-е изд., испр.-СПб.: Издательство «Лань», 2021, -164 с. <https://e.lanbook.com/book/168914>

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы

Процесс реализации образовательной программы обеспечен необходимым комплектом лицензионного программного обеспечения.

Материально-техническое обеспечение учебной дисциплины

Лекционные занятия проводятся в специализированных аудиториях, оснащенных мультимедийным оборудованием. Для проведения практических занятий и выполнения самостоятельной работы используются учебные компьютерные классы с выходом в Интернет и лицензионным программным обеспечением. Используется мультимедийный курс лекций.

Методические рекомендации для студентов

1. Указания для прослушивания лекций

Перед началом занятий внимательно ознакомиться с учебным планом проведения лекций и списком рекомендованной литературы.

Перед посещением очередной лекции освежить в памяти основные концепции пройденного ранее материала. Подготовить при необходимости вопросы преподавателю. Не надо опасаться, что вопросы могут быть простыми.

На лекции основное внимание следует уделять не формулам и математическим выкладкам, а содержанию изучаемых вопросов, определениям и постановкам задач.

В процессе изучения лекционного курса необходимо по возможности часто возвращаться к основным понятиям и методам решения задач (здесь возможен выборочный контроль знаний студентов).

Желательно использовать конспекты лекций, в которых используется принятая преподавателем система обозначений.

Для более подробного изучения курса следует работать с рекомендованными литературными источниками и вновь появляющимися источниками.

2. Указания для участия на практических занятиях

Перед посещением практического занятия уяснить тему занятия и самостоятельно изучить связанные с ней понятия и методы решения задач.

Перед решением задач активно участвовать в обсуждении с преподавателем основных понятий, связанных с темой практического занятия.

В процессе решения задач вести дискуссию с преподавателем о правильности применения методов их решения.

По возможности самостоятельно доводить решение предлагаемых задач до окончательного итога.

В конце занятия при необходимости выяснить у преподавателя неясные вопросы.

Основные результаты выполнения работы необходимо распечатать.

3. Указания для выполнения самостоятельной работы

Получить у преподавателя задание и список рекомендованной литературы. Изучение теоретических вопросов следует проводить по возможности самостоятельно, но при затруднениях обращаться к преподавателю.

Подготовить письменный отчет о проделанной работе.

При выполнении фронтальных заданий по усмотрению преподавателя работа может быть оценена без письменного отчета на основе ответов на контрольные вопросы, при условии активной самостоятельной работы.

Подготовить ответы на контрольные вопросы.

Методические рекомендации для преподавателей

1. Указания для проведения лекций

На первой вводной лекции сделать общий обзор содержания курса и отметить новые методы и подходы к решению задач, рассматриваемых в курсе, довести до студентов требования кафедры, ответить на вопросы.

При подготовке к лекционным занятиям необходимо продумать план его проведения, содержание вступительной, основной и заключительной части лекции, ознакомиться с новинками учебной и методической литературы, публикациями периодической печати по теме лекционного занятия. Перед изложением текущего лекционного материала напомнить об основных итогах, достигнутых на предыдущих лекциях. С этой целью задать несколько вопросов аудитории и осуществить выборочный контроль знания студентов.

В ходе лекционного занятия преподаватель должен назвать тему, учебные вопросы, ознакомить студентов с перечнем основной и дополнительной литературы по теме занятия. Раскрывая содержание учебных вопросов, акцентировать внимание студентов на основных категориях, явлениях и процессах, особенностях их протекания. Раскрывать сущность и содержание различных точек зрения и научных подходов к объяснению тех или иных явлений и процессов.

Следует аргументировано обосновать собственную позицию по спорным теоретическим вопросам. Приводить примеры. Задавать по ходу изложения лекционного материала риторические вопросы и самому давать на них ответ. Это способствует активизации мыслительной деятельности студентов, повышению их внимания и интереса к материалу лекции, ее содержанию. Преподаватель должен руководить работой студентов по конспектированию лекционного материала, подчеркивать необходимость отражения в конспектах основных положений изучаемой темы, особо выделяя, категориальный аппарат. В заключительной части лекции необходимо сформулировать общие выводы по теме, раскрывающие содержание всех вопросов, поставленных в лекции. Объявить план очередного практического занятия, дать краткие рекомендации по подготовке студентов к занятию. Определить место и время консультации студентам, пожелавшим выступить на занятии с докладами и рефератами.

На последней лекции уделить время для обзора наиболее важных положений, рассмотренных в курсе.

2. Указания для проведения практических занятий

Четко обозначить тему практического занятия.

Обсудить основные понятия, связанные с темой практического занятия.

В процессе решения задач вести дискуссию со студентами о правильности применения теоретических знаний.

Отмечать студентов, наиболее активно участвующих в решении задач и дискуссиях.

В конце занятия задать аудитории несколько контрольных вопросов.

3. Указания по контролю самостоятельной работы студентов

По усмотрению преподавателя задание на самостоятельную работу может быть индивидуальным или фронтальным.

При использовании индивидуальных заданий требовать от студента письменный отчет о проделанной работе.

При применении фронтальных заданий вести коллективные обсуждения со студентами основных теоретических положений.

С целью контроля качества выполнения самостоятельной работы требовать индивидуальные отчеты (допустимо вместо письменного отчета применять индивидуальные контрольные вопросы).

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС НИЯУ МИФИ и учебным планом основной образовательной программы по направлению подготовки «27.03.04 Управление в технических системах»

Рабочую программу составил доцент Барановская Л.В.

Рецензент профессор Чернова Н.М.

Программа одобрена на заседании УМКН «27.03.04 Управление в технических системах»

Председатель учебно-методической комиссии Мефедова Ю. А.